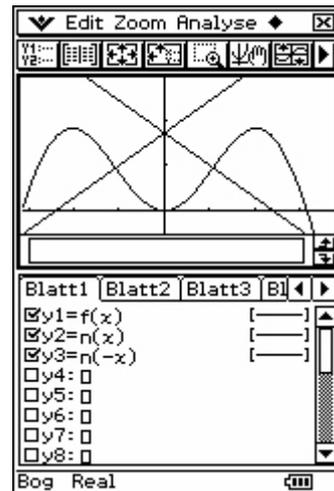


# Aufgabe: Fläche zwischen zwei Kurven berechnen

## Lösungsvorschlag:

a) Im Graph von  $f$  sind zwei Wendepunkte zu sehen, die auf die übliche Weise berechnet werden.  
Die Normalen, deren Berechnung unten folgt, sind schon mit eingezeichnet.



Die Nullstellen der 2. Ableitung werden mit dem solve-Befehl bestimmt. Der ClassPad gibt den Hinweis aus: „Weitere Lösungen können existieren“.

Damit ist klar, dass der ClassPad die Lösung näherungsweise mit dem Startwert 0 bestimmt hat.

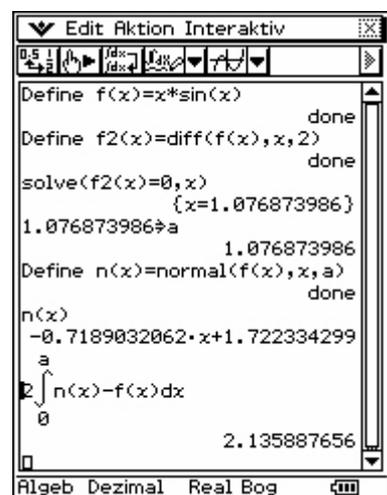
Auf die Überprüfung mit der 3. Ableitung wird hier verzichtet.

Wegen der Symmetrie zur  $y$ -Achse wird nur der positive Wert als  $a$  abgespeichert.

Es wird nur die Normale durch den Punkt  $W(a|f(a))$  berechnet, weil die Gleichung der anderen sich wegen der Symmetrie zur  $y$ -Achse durch  $n(-x)$  ergibt.

Da auch die eingeschlossene Fläche symmetrisch zur  $y$ -Achse liegt, reicht es, den rechten Teil in den Grenzen von  $x = 0$  bis  $x = a$  zu berechnen und zu verdoppeln.

Ergebnis: Der gesuchte Flächeninhalt beträgt etwa 2,136.



b) Man zeichnet den Graph von  $f$  und  $gt$  für eine geeignete Zahl (z. B.  $t = 1$ ), um sich ein Bild zu machen.

Die Lösung  $t = \frac{\pi}{2}$  ergibt sich am einfachsten mithilfe des Integrals rechts.

Man kann auch erst die Schnittstelle bestimmen und dann mit zwei Integralen für die Teilflächen arbeiten.

